

# Introduction à l'Automatique

Cours AQ N° 2



\_\_\_\_\_ The interior of a Boeing 737-300 cockpit.

# Plan

- Définitions de base et exemples
- Notion de Boucle ouverte
- Notion d'asservissement
- Modélisation d'un système asservi
- Exemple

# Définitions

- **Systeme:** dispositif isolé soumis aux lois de la physique (déterministe) et caractérisé par certaines variables

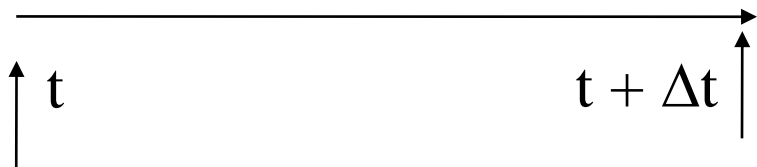
Exemple: avion, four, moteur électrique...

- **Déterminisme** : connaissant l'état d'un système à l'instant «  $t$  » on peut déterminer son état à l'instant «  $t + \Delta t$  ».

# Exemple

Systeme  $\rightarrow$  Avion

Déterministe?



Position initiale + vitesse à un instant  $t \rightarrow$  position à  $t + \Delta t$

# Systeme linéaire - Systeme non linéaire

- ❑ Une entrée  $E(t) = a E1(t) + b E2(t)$
- ❑ produit en sortie:  $S(t) = a S1(t) + b S2(t)$
  
- ❑ → Possibilité d'utiliser le Théorème de superposition
  
- ❑ Les systèmes non linéaires s'étudient en limitant les variations à de faibles amplitudes.

# Les Variables

- **Les Paramètres** : variables qui précisent le mode de fonctionnement du système et qui peuvent être changées avant le début de l'expérience.
- **Les entrées** : variables dont la valeur ne dépend pas du système et dont la variation modifie l'état du système

# Les différents types d'entrées

- Les entrées proprement dites **réglables par l'utilisateur** et que le système doit prendre en compte le mieux possible.
- **Les perturbations**: entrées dont les variations sont aléatoires et dont le système doit au mieux limiter l'influence.

Mathématiquement, elles ne présentent pas de différence.



# Paramètre ou Entrée?

- Puissance du moteur?
- Le profil d'aile?
- Cap et vitesse affichés?
- Vent? La météo?
- L'action du pilote sur le manche?
- Le nombre de passagers?



# Les sorties

- ❑ **Les sorties** : traduisent l'état du système en fonction des valeurs des variables d'entrée.
  
- ❑ Exemple: Altitude, vitesse, cap, inclinaison, taux de montée réels de l'avion
  
- ❑ Les variables de sortie sont choisies par l'utilisateur en fonction de l'étude à faire.
  
- ❑ Analogiques ou numériques
  
- ❑ Systèmes continus - systèmes à données échantillonnées

# Entrées / Sorties



Ce que j'affiche = entrée

Ce que fait réellement le système = sortie

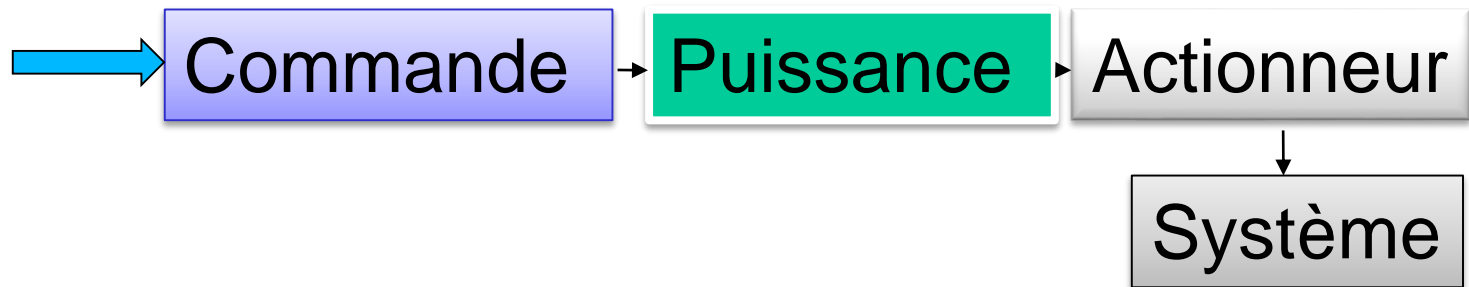


# Systemes continu / Systeme Echantilloné

- On mesure la température d'un four dont la température varie de 0 à 255 ° C
- Un thermocouple donnera une indication variant de 0 à 10,2mV « analogique » = Systeme continu.
- En utilisant un amplificateur et un convertisseur analogique-numérique, on peut convertir cette tension en un mot de 8 bits (en hexa entre 00 et FF) avec 0° C ==> H00 et 255° C ==> HFF.
- Valeur à chaque « top » de lecture.
- Systeme échantillonné

# Commande en boucle ouverte

Consigne



Dans un système en Boucle Ouverte  
l'action est  
proportionnelle à la consigne

# Limites de la boucle ouverte

- Dans les conditions standard le pilote doit régler la puissance des moteurs à 70% pour voler à la vitesse de 300 kts
- Perturbation: un violent vent de face
- Que se passe -t-il?
- Que feriez vous si vous étiez le pilote?

# En pratique...

- Comparer la valeur obtenue (valeur de sortie) à la valeur souhaitée ( ou consigne)
- Régler la puissance utilisée pour modifier la valeur **en fonction de l'écart.**
- On réalise ainsi un « bouclage » du système.

# L'asservissement

Pour réaliser un asservissement, il faut:

- Observer => capteur
- Penser => Correcteur
- Agir => Actionneur
  
- C'est ainsi que nous fonctionnons.
- Nous sommes tous des systèmes asservis!



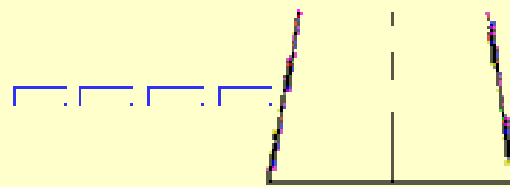
# Le pilotage manuel:

- Capteur: le pilote lit les informations sur les instruments
- Opérateur: le pilote réfléchit et agit sur les commandes
- Actionneurs: surfaces de commandes, ailerons, gouverne, moteurs...
- Pilote Automatique: le principe reste le même: le pilote est remplacé par un ordinateur

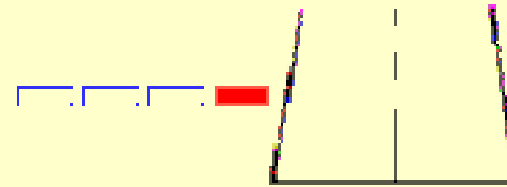
# EXEMPLE: l'aide à l'atterrissage

■ Lumières PAPI Rouges

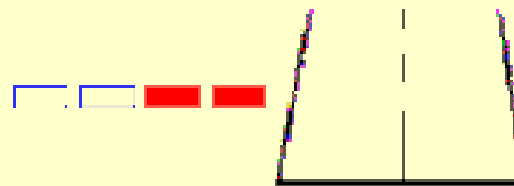
■ Lumières PAPI Blanches



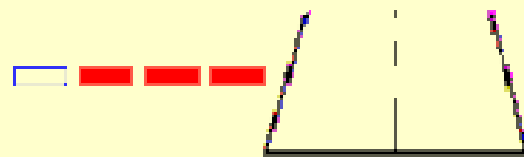
Trop haut



Légèrement trop haut



Sur le glide

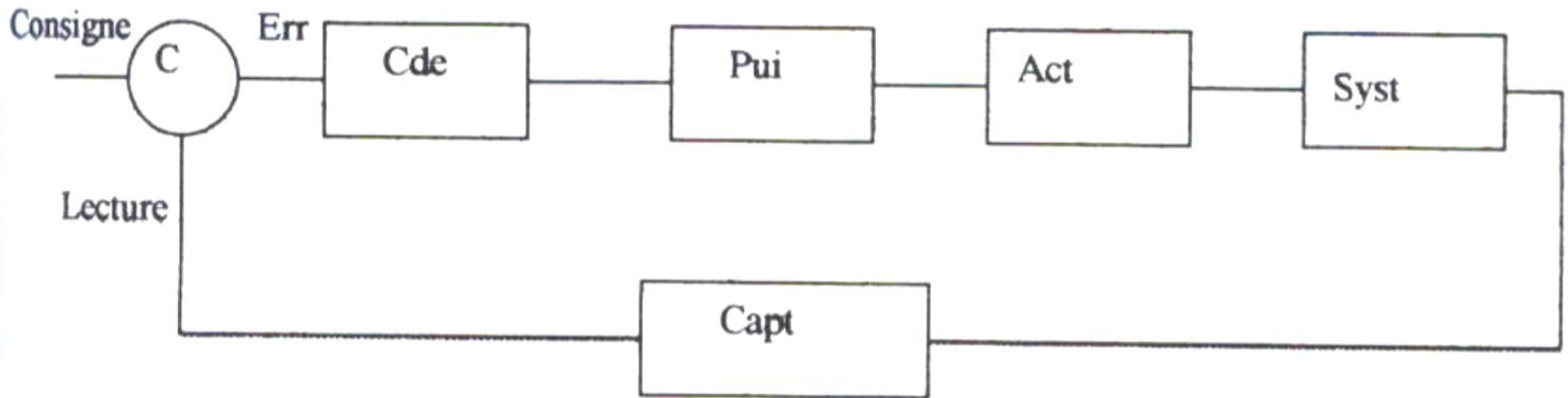


Légèrement trop bas



Trop bas

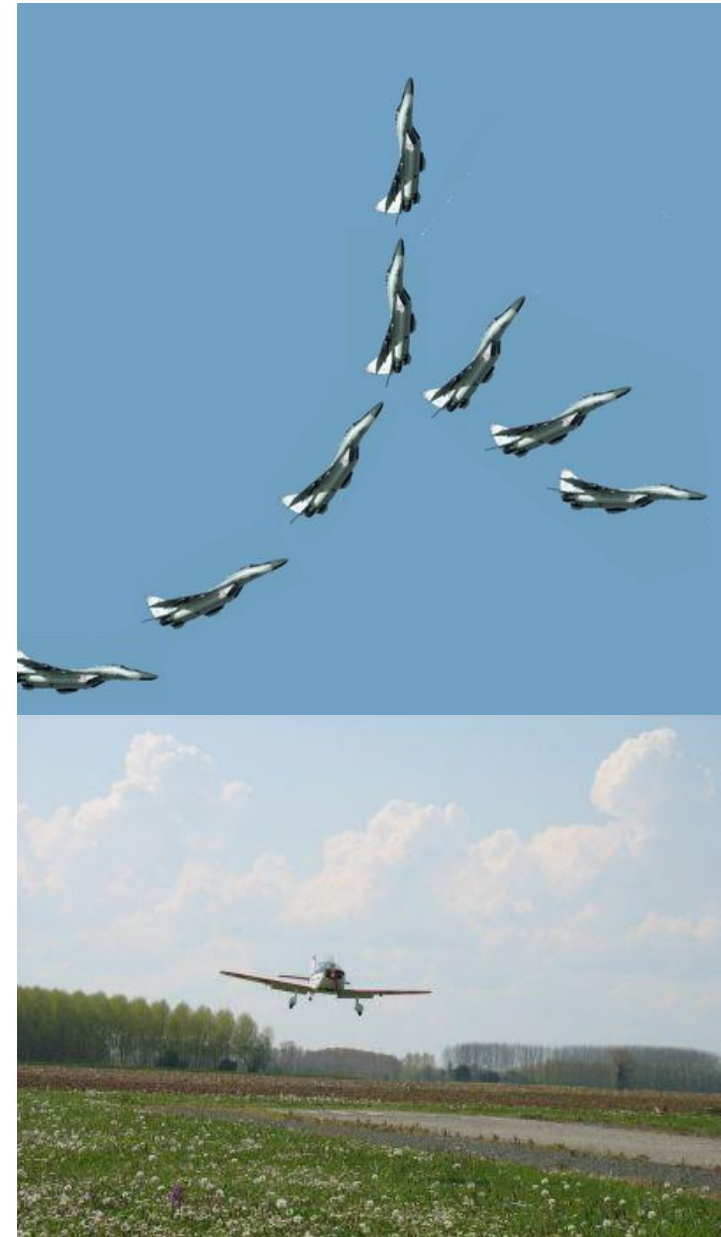
# Processus - Transmittance – Schéma bloc



Dans un système bouclé, **la commande est proportionnelle à l'erreur** entre la consigne et le signal lu par le capteur

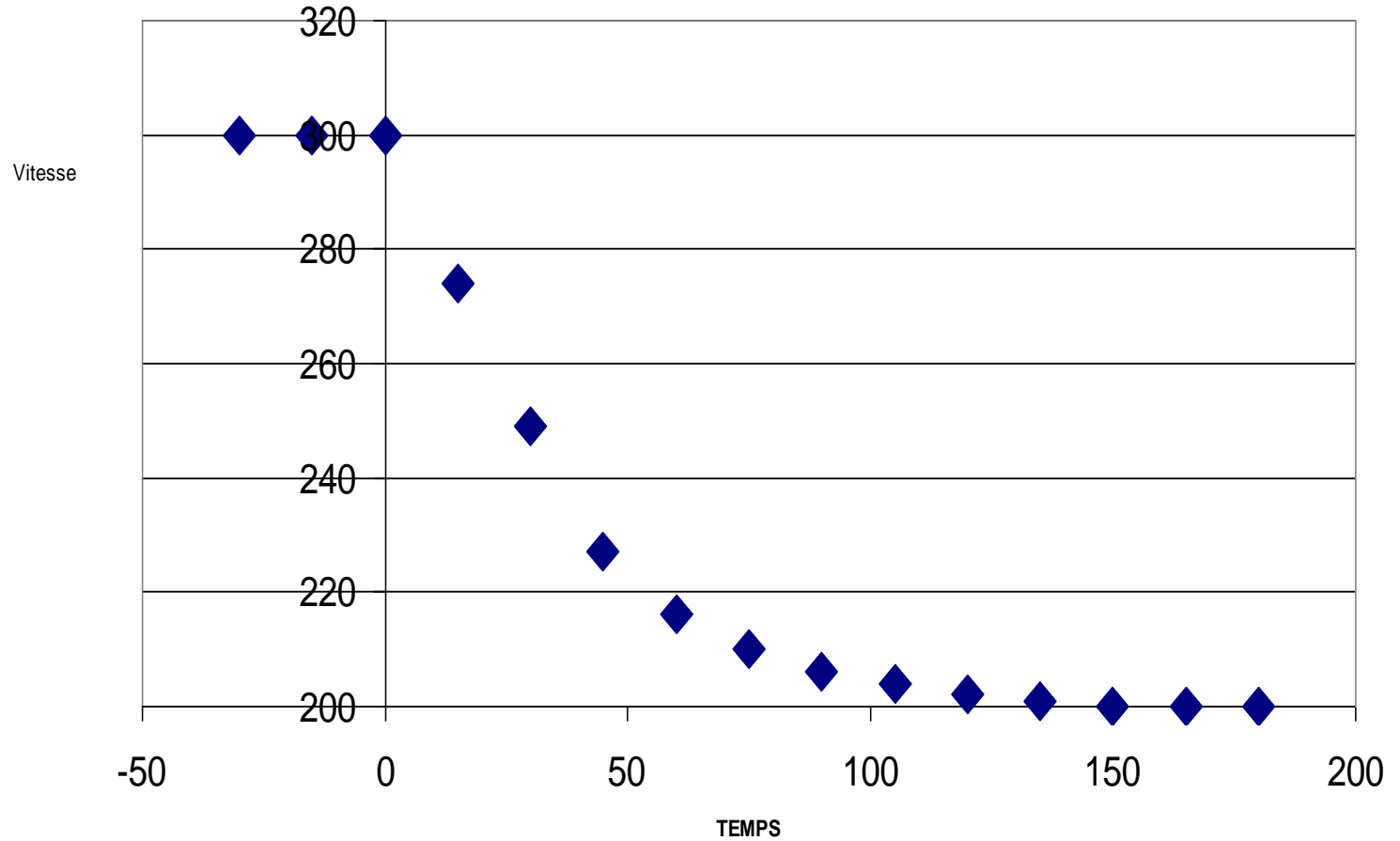
# Quel est l'avantage?

- Si l'erreur est grande, la commande sera violente → le système sera **rapide**
- Plus on s'approche de la consigne, plus la commande se fait « en douceur » → le système sera **stable** et **précis**

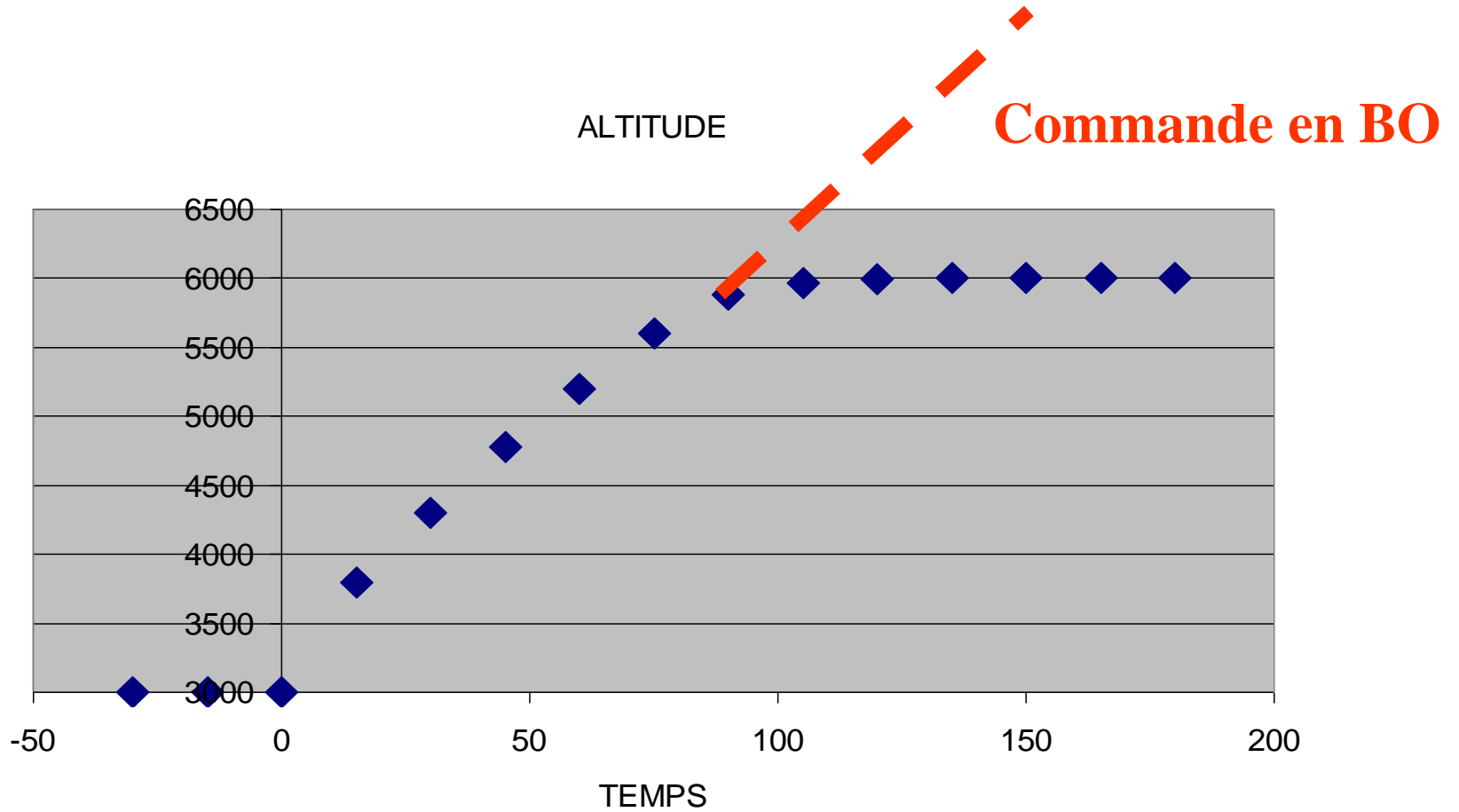


# Exemple:

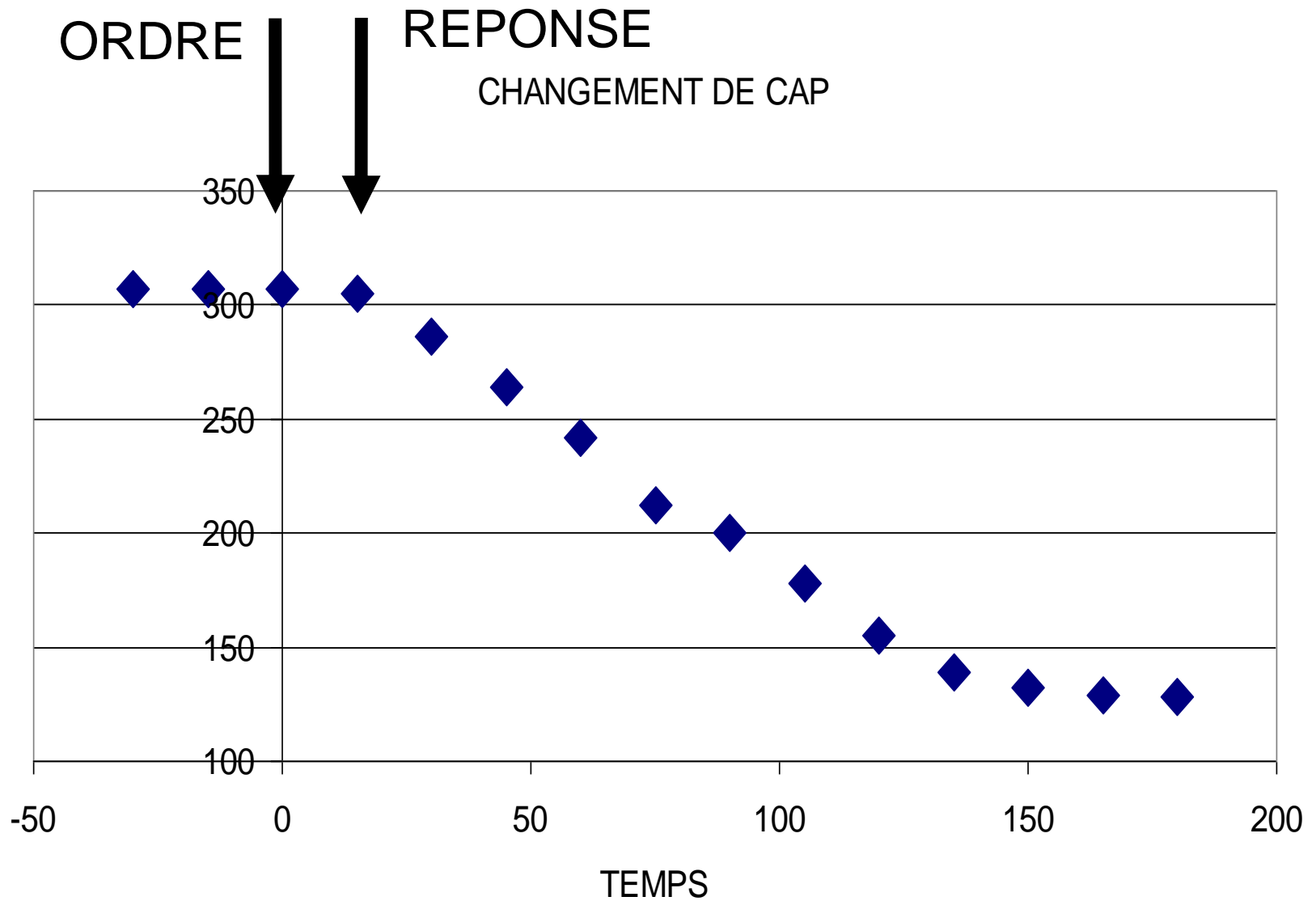
## MODIFICATION DE VITESSE



# Modification de l'altitude



# Le problème du retard (déphasage)



# Le problème du retard (déphasage)

- ❑ Pendant le temps de retard, le calculateur détecte un gros écart avec la consigne
- ❑ Si le système est réglé « trop mou », le calculateur donne l'ordre de tourner mais l'ordre n'est pas exécuté à temps.
- ❑ Si le système est trop « nerveux », l'avion risque de réagir trop violemment et de passer sur le dos! C'est *l'instabilité.*

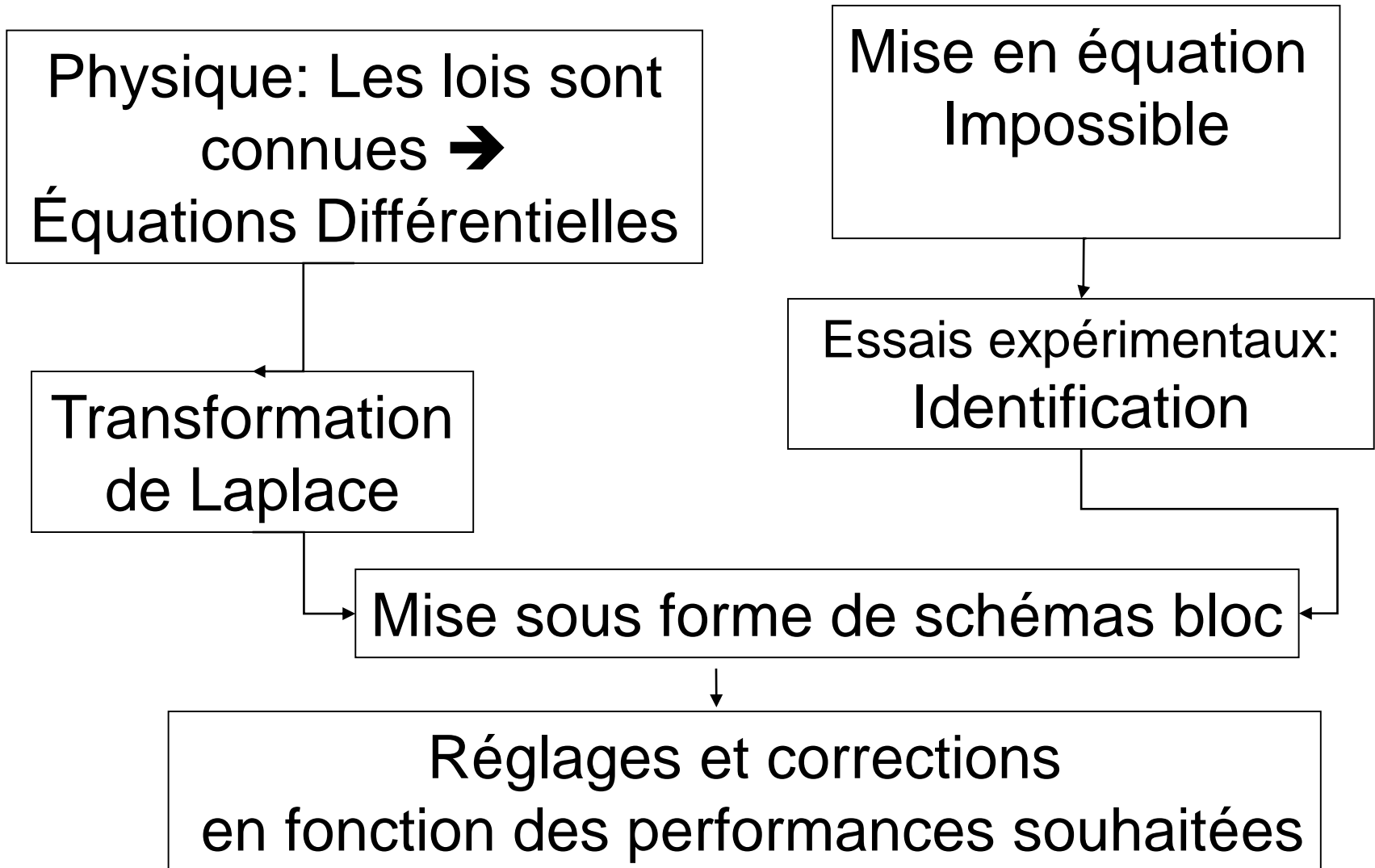




# Problématique

- Comment évaluer les performances d'un système bouclé?
- Quelles sont les caractéristiques d'un système, conduisant à un type de performance (notamment stabilité, précision, rapidité)
- Comment optimiser le comportement d'un système ? Comment régler ses paramètres?

# Étude d'un système asservi



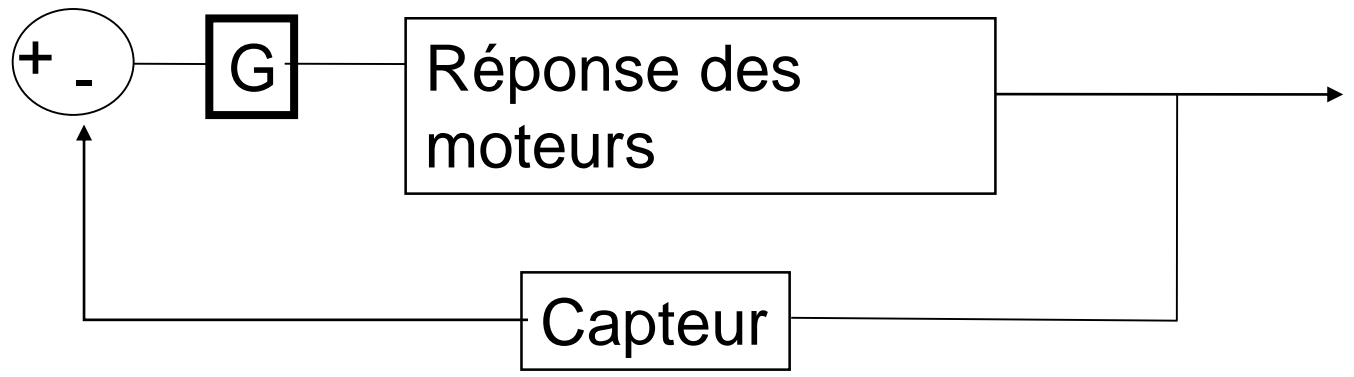
# Exemple simplifié

- Variation de vitesse de l'avion
- Consigne: Vitesse entrée par le pilote
- Commande: Le calculateur de bord
- Actionneurs: Les moteurs
- Capteur: Le Badin (indique la vitesse en fonction de la pression d'air dans un tube de pitot)

**Entrée:**  
Vitesse  
Affichée  
(Consigne)

Commande  
proportionnelle

**Sortie:**  
Vitesse air

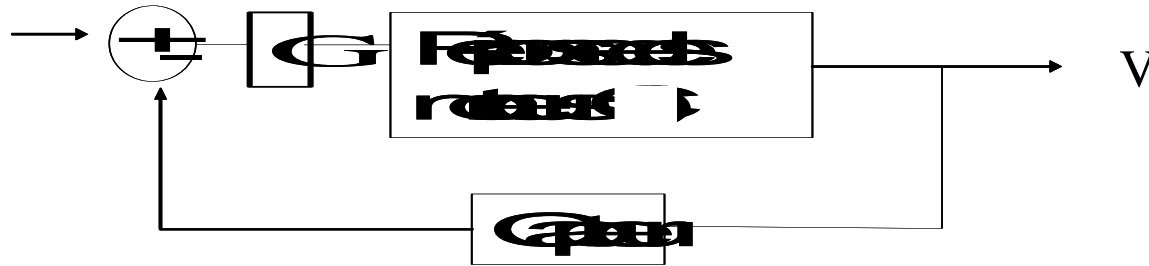


Pour étudier la réponse,  
on doit mettre le système  
sous la forme:



Mais   $S(t) \neq Y E(t)$

# Comment trouver la transmittance? A partir des données du problème



- ***La vitesse est liée à la réponse des moteurs*** par une équation Diff:

$$C(t) = v(t) + \tau \frac{dv(t)}{dt}$$

- Capteur: délivre une tension proportionnelle à la vitesse: Gain K mais l'équation différentielle pose un problème...

**Heureusement il y a la transformée de Laplace!**

# Transformation de l'équation différentielle

L'équation différentielle est transformée en utilisant la propriété:

***Si  $f(t)$  a pour transformée de Laplace  $F(p)$***

***Alors  $f'(t)$  a pour transformée de Laplace  $pF(p)-f(0)$***

Pour l'étude, on peut toujours se ramener à  $f(0)=0$  en changeant d'origine

$$C(t) = v(t) + \tau \frac{dv(t)}{dt}$$

$$\text{devient: } C(p) = V(p) + \tau p V(p)$$

$$\text{D'où } \frac{V(p)}{C(p)} = \frac{1}{1 + \tau p}$$

# Schéma bloc: Laplace

**La commande:**  $C(p) = G \text{ Err}(p)$

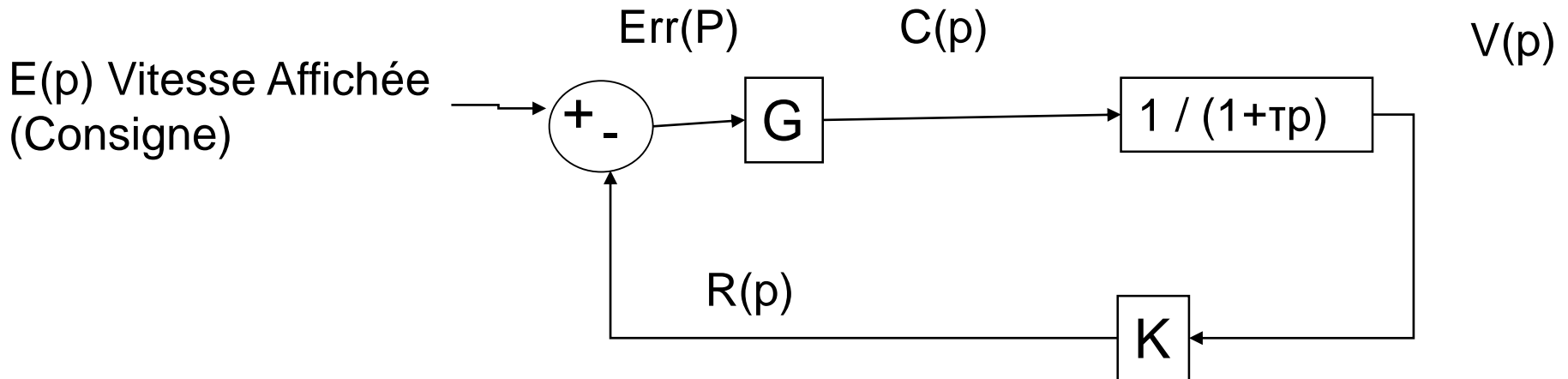
**Loi de réponse des moteurs:** équation Diff transformée

**V(p)** : vitesse de l'avion

**Le Capteur:** délivre une tension proportionnelle à la vitesse:  $R(p) = K V(p)$

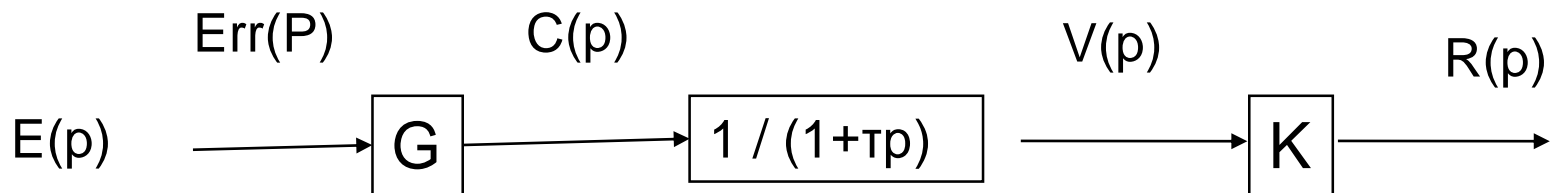
$$\frac{V(p)}{C(p)} = \frac{1}{1 + \tau p}$$

- les variables sont sur les Flèches
- Les boites sont les relations entre les variables



# Fonction de transfert en Boucle ouverte

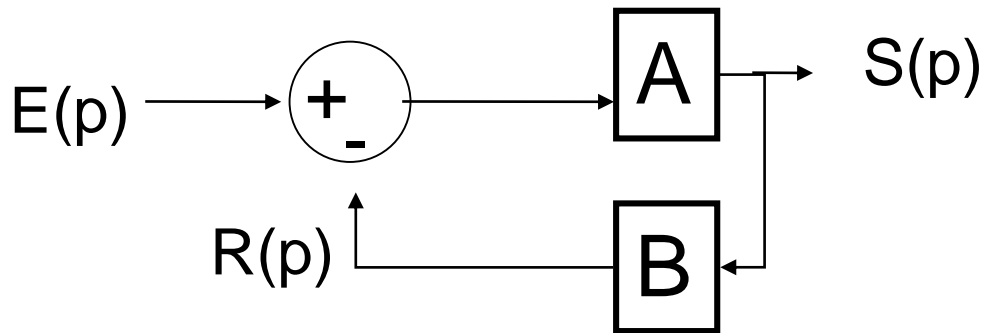
- On ouvre le soustracteur
- On fait le rapport de la valeur lue  $R(p)$  sur la consigne  $E(p)$



$$T_{BO} = \frac{R(p)}{E(p)} = \frac{GK}{(1 + \tau p)}$$



# Fonction de transfert en Boucle Fermée



$$T_{BO} = AB$$

$$TBF = \frac{S(p)}{E(P)} = \frac{A}{1 + AB}$$

# EXERCICE

Montrer que:

$$TBF = \frac{S(p)}{E(P)} = \frac{A}{1 + AB}$$

# Exercice:

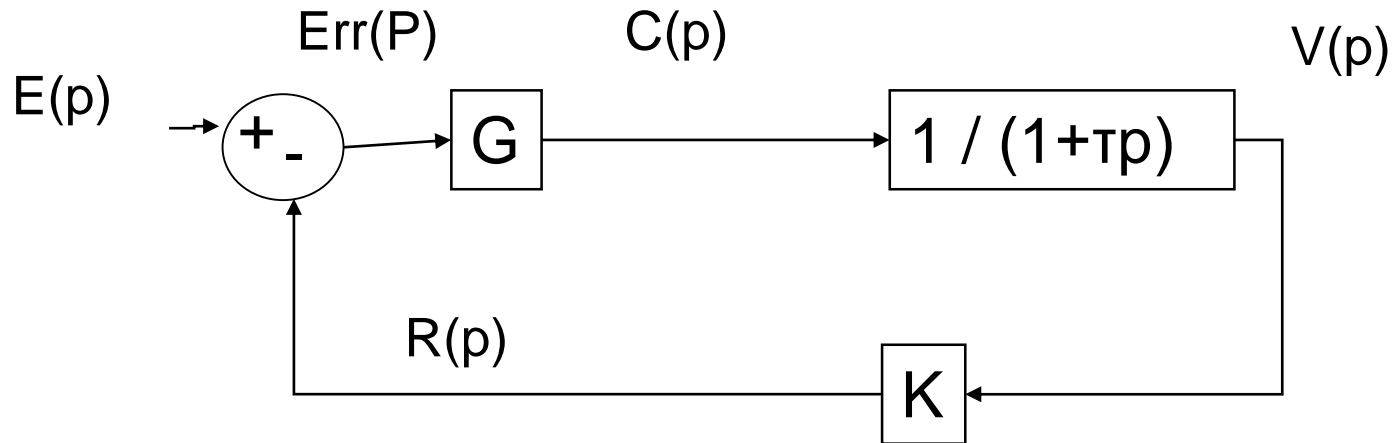
- Montrer que Si  $A(p)$  et  $B(p)$  sont des fractions:

$$A(p) = \frac{N_A}{D_A} \qquad B(p) = \frac{N_B}{D_B}$$

Alors

$$TBF(p) = \frac{N_A D_B}{D_A D_B + N_A N_B}$$

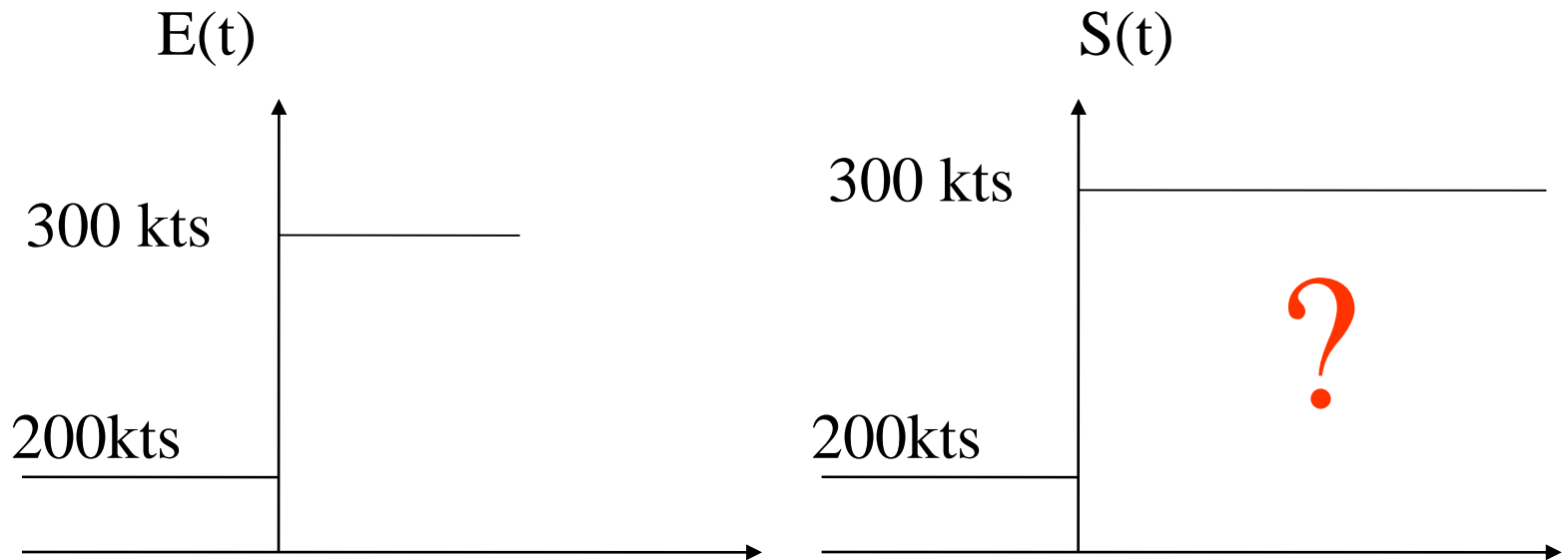
# Transmittance pour la vitesse



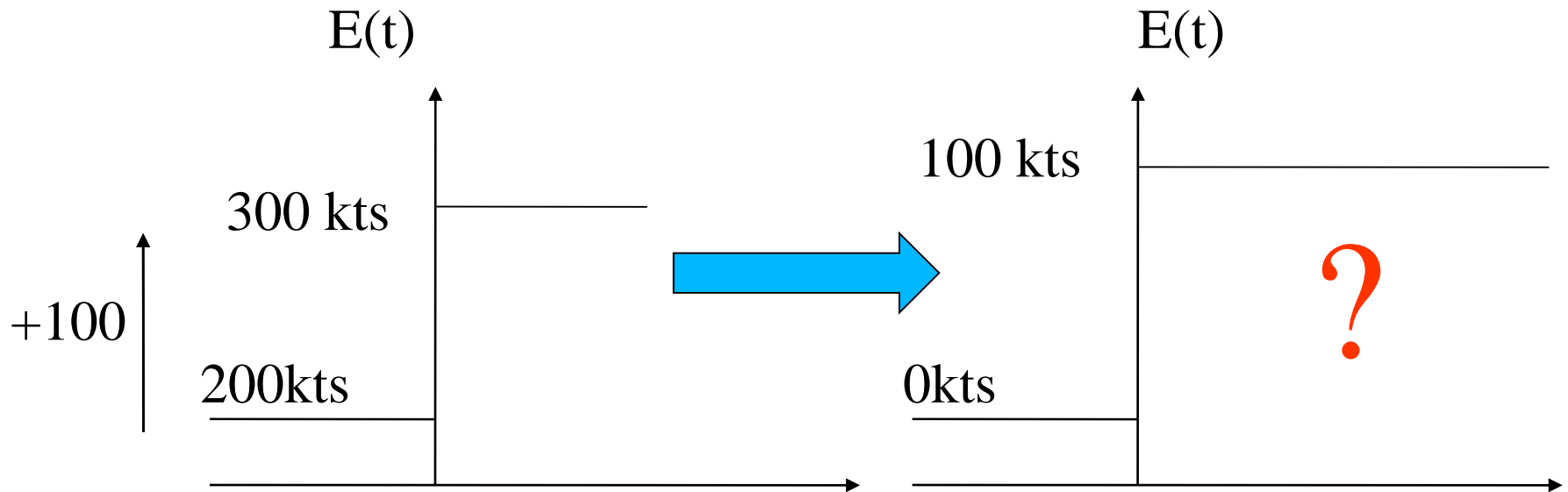
De la forme

Système du 1<sup>er</sup> ordre

# Réponse à un échelon



# Changement d'origine



On rajoutera les 200 kts à la fin

# Utilisation de la Fonction de transfert

$$E(p) \text{ --- } \boxed{\text{TBF}(P)} \text{ --- } S(p)$$

$$\boxed{S(p) = \text{TBF}(p) \times E(p)} \quad ! \text{ Vrai seulement en Laplace}$$

$$E(p) = 100 \times H(p) = 100 \times L\{1\} = 100 / p$$

$$S(p) = \frac{g}{a+p} \times \frac{100}{p}$$

# Transformée de Laplace Inverse

- On décompose la fonction en  $p$  en une **somme** petites fractions simples dont on connaît la transformée inverse Tableau dans le polycopié
- La transformée inverse sera la **somme** des transformées inverses



# Décomposition en éléments simples: Notion de Pôle

- Soit une fraction  $N(p)/D(p)$
- On appelle pôles les valeurs particulières de  $p$  ( $P_0, P_1 \dots P_n$ ) pour lesquelles  $D(p) = 0$

Exemples :

$1/(p+a)$  admet pour pôle  $P_0 = -a$        $P_0$  est dit **pôle simple**

$1/(p+a)^2$  admet pour **pôle double**       $P_0 = -a$

$1/(p+a)(p+b)$  admet **deux pôles simples**  $-a$  et  $-b$

$1/(p^2+a^2)$  admet deux pôles complexes conjugués:  $ia$  et  $-ia$

A chaque type de pôle va correspondre un type de décomposition que nous verrons au fil des exemples

# Retour à l'exemple

$$S(p) = \frac{g}{a+p} \times \frac{100}{p} \quad (1)$$

Deux pôles simples:  
 $P_0 = -a$  et  $P_1 = 0$

Ce type de fraction se décompose sous la forme:

$$S(p) = \frac{A}{a+p} + \frac{B}{p} \quad (2)$$

A et B sont des constantes que nous devons déterminer

Comme (1) = (2)

$100g = Ap + B(p + a)$  Cette équation est vraie quelque soit p

En particulier pour  $P=P_0$  et  $P=P_1$



$P = -a$



$A = -100g / a$

$P = 0$



$B = 100g / a$

$$S(p) = \frac{A}{a+p} + \frac{B}{p} = \frac{100g}{ap} - \frac{100g}{a(a+p)}$$

Laplace inverse donne:

$$S(p) = \frac{A}{a+p} + \frac{B}{p} \Rightarrow S(t) = \frac{100g}{a} (1 - e^{-at})$$

Si  $t=0$   $S(0)=0$

Si  $t \rightarrow \infty$ ,  $S(t) = 100g/a$

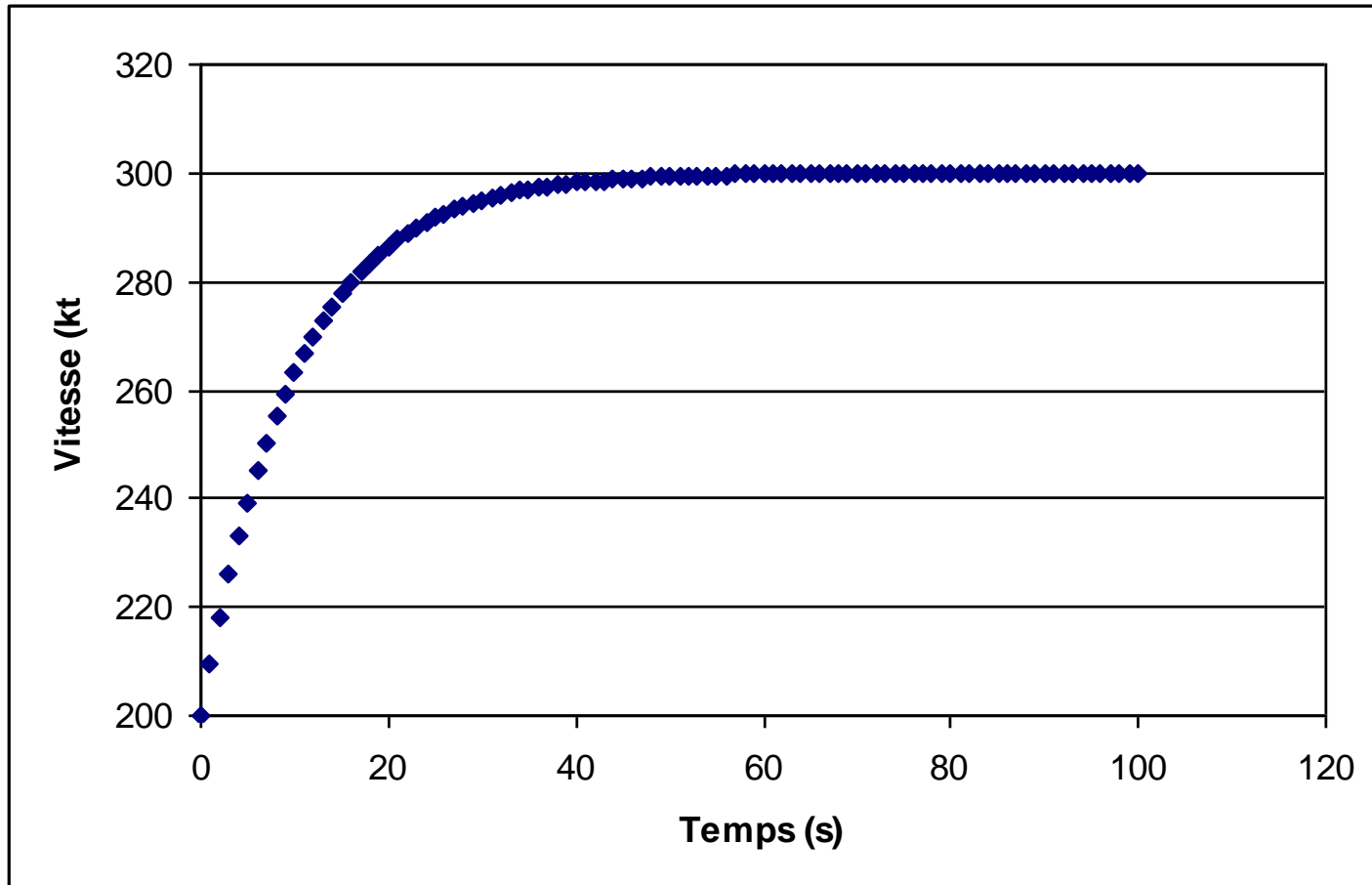
Le signal d'entrée est un signal électrique

Le signal de sortie est une vitesse

$g/a$  est le gain en kts/V . Il est choisi pour qu'une commande donnée corresponde à une vitesse donnée.

# Analyse de la réponse du premier ordre

Courbe représentée pour  $a = 0,1$  soit une constante de temps de 10s



# Généralisation

- Un système du premier ordre est décrit par une équation différentielle du type
- Qui donne en Laplace:
- Sa réponse à un échelon sera

# Définitions

- ***Temps de montée***: Temps mis par le Système pour passer de 10 à 90%
- Pour un système du 1<sup>er</sup> ordre,  $T_m = 2,2\tau$
- Exercice: Démontrer que  $T_m = 2.2\tau$

# Définition

- ***Temps de réponse***: temps mis par le système pour se stabiliser à moins de 5% de la valeur finale
- Pour un système du 1<sup>er</sup> ordre,  $Tr=3\tau$
- Exercice: Démontrer que  $Tr=3\tau$

# Exemple: $T_m=?$ $T_r=?$

